

# AVALIAÇÃO DA ELEVAÇÃO DO POTENCIAL DE MALHAS DE ATERRAMENTO INTERCONECTADAS

Disciplina: IT306 - Tópicos em Sistemas de Energia III

Roberto Tilhaqui Junior RA:233671 Prof. Dr. José Pissolato Filho Dr. Anderson Ricardo Justo de Araújo

## OBJETIVOS

- Apresentação de métodos para modelagem de sistemas de aterramento.
- Explicação da abordagem a parâmetros concentrados para a modelagem de sistemas de aterramento.
- Observar alteração na elevação do potencial (Ground Rise Potencial GPR) de quatro casos onde uma descarga atmosférica atinge três malhas de aterramento interconectadas. Malhas íntegras e danificadas.
- Observar GPR mediante inclusão ou não de hastes de aterramento.
- Reprodução do artigo de (Araújo et al, 2019) no ATP acrescido de algumas adaptações.

### SISTEMAS DE ATERRAMENTO

- Têm como função básica facilitar o fluxo de corrente de falta para a terra, criando, portanto um caminho de baixa impedância (Silva et al., 2012).
- Devem promover a segurança durante transitórios eletromagnéticos e garantir operação confiável do sistema elétrico sob condições anormais (Araújo et al., 2019).
- Além de causar mal funcionamento, interferências e destruição de equipamentos elétricos e eletrônicos, as correntes injetadas e tensões induzidas podem ainda elevar o risco de danos às pessoas próximas da ocorrência por meio das tensões de passo e toque (Cecconi et al., 2005).

### SISTEMAS DE ATERRAMENTO



Figura I: Malha de aterramento a ser instalada (Molchansky, 2020)

## MODELOS MATEMÁTICOS DE SISTEMAS DE ATERRAMENTO

Existem três abordagens analíticas básicas para a avaliação de modelos de sistemas de aterramento excitados por elevadas correntes impulsivas causadas por descargas atmosféricas (Cecconi et al., 2005):

- Abordagem via campos eletromagnéticos: O método mais rigoroso dentre os mencionados. Utiliza as teorias do eletromagnetismo baseadas nas equações de Maxwell resolvidas via métodos numéricos (FEM, FTDT, MoM, etc.)
- 2. Abordagem via linhas de transmissão: Avalia a modelagem de sistemas de aterramento pelo modelo de ondas viajantes descrito por Bergeron. Faz algumas aproximações em comparação com (1.)



3. Abordagem via parâmetros concentrados: Utiliza modelagem de circuitos elétricos R-L-C formando equivalentes  $\pi$  em cascata. Faz mais aproximações que (2.)



Este trabalho fez avaliação pela abordagem via parâmetros concentrados

- Na literatura há diversas abordagens propostas por diversos autores (Grcev, Sunde, Cecconi, Sacepe, etc) para os modelos de condutores horizontais e hastes verticais.
- Para a modelagem dos condutores horizontais foi usada a formulação proposta por Cecconi et al., 2005.
- Para a modelagem das hastes verticais foi usada a formulação apresentada em Araújo et al., 2019.



Figura 2: Modelo haste vertical (Araújo et al., 2019)

Cálculo de hastes verticais (Araújo et al., 2019):

$$R_{i} = \frac{\rho_{solo}}{2 \cdot \pi \cdot l_{i}} \left[ \ln\left(\frac{8l_{i}}{d}\right) - 1 \right] [\Omega]; \quad L_{i} = \frac{\mu_{0} \cdot l_{i}}{2 \cdot \pi} \cdot \ln\left(\frac{4l_{i}}{d}\right) [H]; \quad C_{i} = \frac{\varepsilon_{r} \cdot l_{i}}{18 \cdot \ln\left(\frac{4l_{i}}{d}\right)} \cdot 10^{-9} [F]$$

$$\begin{split} \mu_{0} &= 4 \cdot \pi \cdot 10^{-7} [NA^{-2}]; \qquad \varepsilon_{0} = 8,845 \cdot 10^{-12} [A^{2}s^{4}kg^{-1}m^{-3}] \\ \varepsilon_{r} &= permissividade \ relativa; \quad d = diâmetro \ da \ haste \ [m] \\ \rho_{cobre} &= 1,72 \cdot 10^{-8} [\Omega m] \end{split}$$



Figura 2: Modelo de mesh de condutor horizontal (Araújo et al., 2019)

Cálculo de condutores horizontais (Cecconi et al., 2005):

$$\begin{split} R_{h} &= \frac{\rho_{cobre} \cdot l_{h}}{S} \qquad C_{h} = \frac{\varepsilon_{0} \cdot \varepsilon_{r} \cdot \mu_{0} \cdot l_{h}^{2}}{2 \cdot L_{h}} \qquad G_{h} = \frac{\mu_{0} \cdot l_{h}^{2}}{2 \cdot \rho_{solo} \cdot L_{h}} = \frac{1}{R_{E}} \\ L_{h} &= \frac{\mu_{0} \cdot l_{h}}{4 \cdot \pi} \cdot \left[ \ln \frac{2l_{h}}{r} + \ln \frac{l_{h}}{d} - 2 + \frac{2d}{l_{h}} - \frac{d^{2}}{l_{h}^{2}} + \frac{1}{2} \cdot \frac{d^{4}}{l_{h}^{4}} + \cdots \right] \\ \mu_{0} &= 4 \cdot \pi \cdot 10^{-7} [NA^{-2}]; \qquad \varepsilon_{0} = 8,845 \cdot 10^{-12} [A^{2}s^{4}kg^{-1}m^{-3}] \\ \varepsilon_{r} &= permissividade \ relativa; \qquad d = profundidade \ da \ malha \\ \rho_{cobre} &= 1,72 \cdot 10^{-8} [\Omega m] \end{split}$$



Figura 3: Modelo da malha sob avaliação, adaptado (Araújo et al., 2019)

- O efeito da dependência da frequência é garantido por meio da inclusão do parâmetro da profundidade d que os eletrodos estão enterrados (Cecconi et al. 2005).Vide figura 3.
- Nas simulações aqui abordadas, a modelagem via parâmetros concentrados dos condutores horizontais é realizada dividindo os eletrodos em N segmentos elementares de comprimento  $l_h$ , cada um deles modelados como um circuito  $\pi$  com os parâmetros R-L-G-C, onde R e L são a resistência e indutância longitudinal e G e C são a condutância e capacitância transversal (Cecconi et al., 2005).Vide figuras 3 e 4.



Figura 4: Modelo da malha sob avaliação, adaptado (Azevedo et al., 2020)

- A definição do tamanho de  $l_h$  leva em consideração o comprimento de onda no solo  $\lambda_{solo}$  e também o raio r do eletrodo, devendo atender a duas condições impostas (Silva, 2016):
  - O comprimento  $l_h$  deve ser maior que 5 vezes o raio r do eletrodo (Silva, 2016).
  - O comprimento  $l_h$  deve ser no máximo igual ao décimo do comprimento de onda no solo  $\lambda_{solo}$  para a maior faixa de frequência sob avaliação (Olsen; Willis, 1996)(Grcev; Amautovski-Toseva, 2003).

$$5r \le l_h \le rac{\lambda_{solo}}{10}$$

$$\lambda_{solo} = \frac{2\pi}{\beta}; \quad \beta = \omega \sqrt{\mu \varepsilon} \left\{ \frac{1}{2} \left[ \sqrt{1 + \left(\frac{\sigma}{\omega \varepsilon}\right)^2} + 1 \right] \right\}^{\frac{1}{2}}$$

•  $\omega = 2\pi f$ , f é a frequência em Hz

•  $\mu, \varepsilon, \sigma = permeabilidade, permisividade e condutividade do solo$ 

• 
$$\sigma = \frac{1}{\rho_{solo}}$$

• (Grcev; Amautovski-Toseva, 2003)

### PREMISSAS PARA SIMULAÇÃO

- Dimensões das malhas: 12x12m com 3m de lado em cada mesh.
- Modelagem da malha considerando solo homogêneo.
- Avaliação do GPR em três pontos aleatórios em cada malha.
- Malhas interconectadas a uma distância de 10m.
- Descarga atmosférica modelada como fonte impulsiva de corrente de 1,2/50µs.

Eletrodos				
Horizontais	Verticais			
$\rho_{cu}=1.72\cdot 10^{-8}\Omega m$	d = 16mm			
$l_h = 3m$	$l_i = 3m$			
r = 7mm	$ ho_{solo} = 1000 \Omega m$			
d = 0,5m	$\varepsilon_r = 10$			

Tabela I: Dados da malha de aterramento (Araújo, 2019)

## CÁLCULO DOS PARÂMETROS

Determinar comprimento do segmento elementar para eletrodo horizontal:

Atender critério 
$$5r \le l_h \le \frac{\lambda_{solo}}{10}$$
:  

$$\beta = \omega \sqrt{\mu \varepsilon} \left\{ \frac{1}{2} \left[ \sqrt{1 + \left(\frac{\sigma}{\omega \varepsilon}\right)^2} + 1 \right] \right\}^{\frac{1}{2}} = 0,8132m$$

$$5r = 5 \cdot 7 \cdot 10^{-3} = 35 \cdot 10^{-3}m$$

$$5r \le l_h \le \frac{\lambda_{solo}}{10}$$

• 
$$\omega = 2\pi f = 2\pi \cdot 10^7$$
  
•  $\mu = \mu_0 \cdot \mu_r = 4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 1 = 4\pi \cdot 10^{-7}$   
•  $\varepsilon = \varepsilon_0 \cdot \varepsilon_r = 8,854 \cdot 10^{-12} \cdot 15 = 132,8 \cdot 10^{-12}$   
•  $\sigma = \frac{1}{\rho_{solo}} = \frac{1}{1000} = 10^{-3}$   
 $\frac{\lambda_{solo}}{10} = \frac{2\pi}{10\beta} = \frac{2\pi}{10 \cdot 0.8132} = 0,7727m$ 

 $0,035m \leq l_h \leq 0,7727m$ 

 $l_{h} = 0,6m$ 

 $\therefore$  20 circuitos  $\pi$  por lateral de 12m

## CÁLCULO DOS PARÂMETROS

Cálculo dos parâmetros do eletrodo horizontal:

$$R_h = \frac{\rho_{cobre} \cdot l_h}{S} = \frac{1.72 \cdot 10^{-8} \cdot 0.6}{\pi \cdot (7 \cdot 10^{-3})^2} = 335.2 \cdot 10^{-12} \,\Omega$$

$$L_{h} = \frac{\mu_{0} \cdot l_{h}}{4 \cdot \pi} \cdot \left[ \ln \frac{2l_{h}}{r} + \ln \frac{l_{h}}{d} - 2 + \frac{2d}{l_{h}} - \frac{d^{2}}{l_{h}^{2}} + \frac{1}{2} \cdot \frac{d^{4}}{l_{h}^{4}} \right] = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 0.6}{4\pi} \cdot \left[ \ln \frac{2 \cdot 0.6}{7 \cdot 10^{-3}} + \ln \frac{0.6}{0.5 \cdot 10^{-3}} - 2 + \frac{2 \cdot 0.5 \cdot 10^{-3}}{0.6} - \frac{(0.5 \cdot 10^{-3})^{2}}{0.6^{2}} + \frac{(0.5 \cdot 10^{-3})^{4}}{2 \cdot 0.6^{4}} \right] = 2.055 \cdot 10^{-6} H$$

$$C_h = \frac{\varepsilon_0 \cdot \varepsilon_r \cdot \mu_0 \cdot l_h^2}{2 \cdot L_h} = \frac{8,854 \cdot 10^{-12} \cdot 15 \cdot 4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 0,6^2}{2 \cdot 2,724 \cdot 10^{-7}} = 365,4 \cdot 10^{-12} F \rightarrow \frac{C_h}{2} = 182,7 \cdot 10^{-12} F$$

$$G_h = \frac{\mu_0 \cdot l_h^2}{2 \cdot \rho_{solo} \cdot L_h} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 0.6^2}{2 \cdot 1000 \cdot 2.724 \cdot 10^{-7}} = 2.751 \cdot 10^{-3} S \rightarrow R_E = \frac{1}{G_h} = 363.5\Omega \rightarrow R_E \cdot 2 = 727\Omega$$

## CÁLCULO DOS PARÂMETROS

Cálculo dos parâmetros do eletrodo vertical:

$$R_{i} = \frac{\rho_{solo}}{2 \cdot \pi \cdot l_{i}} \left[ \ln\left(\frac{8l_{i}}{d}\right) - 1 \right] = \frac{1000}{2\pi \cdot 3} \left[ \ln\left(\frac{8 \cdot 3}{16 \cdot 10^{-3}}\right) - 1 \right] = 335\Omega$$

$$L_{i} = \frac{\mu_{0} \cdot l_{i}}{2 \cdot \pi} \cdot \ln\left(\frac{4l_{i}}{d}\right) = \frac{4 \pi \cdot 10^{-7} \cdot 3}{2 \pi} \cdot \ln\left(\frac{4 \cdot 3}{16 \cdot 10^{-3}}\right) = 3,972 \cdot 10^{-6} H$$

$$C_i = \frac{\varepsilon_r \cdot l_i}{18 \cdot \ln\left(\frac{4l_i}{d}\right)} \cdot 10^{-9} = \frac{15 \cdot 3}{18 \cdot \ln\left(\frac{4 \cdot 3}{16 \cdot 10^{-3}}\right)} \cdot 10^{-9} = 377,64 \cdot 10^{-10} F$$

### MALHAS SOB ESTUDO



Figura 5: Modelagem dos eletrodos no ATP (Autor, 2023)



Figura 6: Modelagem das malhas no ATP (Autor, 2023)

#### CASOS A SEREM ESTUDADOS

- Caso I: Malha individual sem hastes verticais
- Caso 2: Malhas interconectadas sem hastes verticais
- Caso 3: Malhas interconectadas com hastes verticais em cada intersecção
- Caso 4: Malhas interconectadas danificadas com hastes verticais
- Fonte impulsiva de corrente:  $1,037(e^{-14710} e^{-2471000})kA$



Figura 7: Verificar GPR nos pontos AI, BI e CI (Autor, 2023)





Figura 8: GPR nos pontos AI, BI e CI (Autor, 2023)



Figura 9: GPR nos pontos A, B e C das três malhas. CASO 2 (Autor, 2023)



Figura 10: GPR nos pontos A1, A2 e A3 das três malhas. CASO 2 (Autor, 2023)





Figura 12: GPR nos pontos C1, C2 e C3 das três malhas. CASO 2 (Autor, 2023)



Figura 13: GPR nos pontos A, B e C das três malhas. CASO 3 (Autor, 2023)





Figura 15: GPR nos pontos B1, B2 e B3 das três malhas. CASO 3 (Autor, 2023)





Figura 17: GPR nos pontos A, B e C das três malhas. CASO 4 (Autor, 2023)



Figura 18: GPR nos pontos A1, A2 e A3 das três malhas. CASO 4 (Autor, 2023)





### **RESUMO DOS RESULTADOS**

_					
	Picos de tensão [kV]				
	Ponto	Caso 1	Caso 2	Caso 3	Caso 4
	A1	6,406	3,112	2,665	2,728
	A2	0	1,830	1,447	1,534
	A3	0	1,823	1,438	1,548
	B1	6,407	2,980	2,561	2,617
	B2	0	1,830	1,448	1,534
	B3	0	1,824	1,438	1,548
	C1	6,408	2,758	2,370	2,407
	C2	0	1,830	1,448	1,534
	C3	0	1,824	1,438	1,548

Tabela 2: Resumo dos resultados (Autor, 2023)

## CONCLUSÃO

- Observa-se que há redução do GPR nos pontos medidos quando há a adição das hastes verticais nos extremos das malhas.
- Notam-se picos de tensão maiores na malha que recebe a descarga atmosférica e nas outras duas malhas há a "transferência de surto uniforme", mantendo os potencias medidos equivalentes.
- Pelas figuras dos resultados dos casos pode-se observar que, embora o modelo seja a parâmetros concentrados, o efeito da propagação de onda ainda acontece.Vide atraso no sinal nos pontos medidos mais distantes.
- Devido aos danos na malha 3 (CASO 4), o que a torna diferente das outras duas, portanto de certa forma irregular, pode-se observar a elevação do potencial nos pontos medidos, em comparação com o CASO 3.

## CONCLUSÃO

- Como os resultados são dados em kV, os potenciais danosos a equipamentos eletrônicos e principalmente às pessoas devido às tensões de passo e toque, pode-se observar que uma malha danificada torna o ambiente mais perigoso.
- Uma estratégia a se reduzir os potenciais gerados, e consequentemente as tensões de passo e toque, é a instalação de hastes verticais nas extremidades das malhas.
- É possível validar o modelo a parâmetros concentrados com base em simulações das abordagens via campos eletromagnéticos e a teoria das ondas viajantes.
- A utilização da modelagem das malhas de aterramento via parâmetros concentrados mostrou-se eficaz e com erros aceitáveis (Cecconi et al., 2005), sendo mais simples sua abordagem do que a da teoria das ondas viajantes e das equações de Maxwell, embora seja trabalhosa a modelagem dos circuitos elétricos dependendo do tamanho da malha e de suas possíveis irregularidades.



Figura 21: Comportamento dos campos elétrico e magnético nos eletrodos (Salam; Rahman, 2016)



Figura 22: Forma de onda da corrente impulsiva (Autor, 2023)

## **REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS**

- [1] W. L. M. Azevedo, A. R. J. Araújo e J. Pissolato Filho, "Computation of Transient Voltages on the Interconnected Grounding Grids", 2019.
- [2]B. P. Silva e A. C. B. Alvez, "Aterramentos sob Altas Frequências: Modelagem Eletromagnética e por Linha de Transmissão".
- [3] V. Cecconi, A. Matranga e A. Ragusa, "New circuital models of grounding and PDS for EMI analysis during a lightning strike", 2005.
- [4] V. Cecconi, A. Matranga e A. Ragusa, "EMI Analysis in Electrical Drives When the Grounding System is Excited by a Lightning Strike using a Suitable Circuital Model", 2006.
- [5] W. L. M. Azevedo, J. L.A. D'Annibale, W. C. Silva, A. R. J. Araújo e J. Pissolato Filho, "Transient Responses on Grounding Grids Subjected to Lightning Strikes", 2020.

## **REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS**

- [6] L. Grcev e M. Popov, "On High-Frequency Circuit Equivalents of Vertical Ground Rod", 2005.
- [7] R. G. Olsen e M. C. Willis, "A comparison of exact and quase-static methods for evaluating grounding systems at high frequencies", 1996.
- [8]S. Bourg e T. Debu, "Deep earth electrodes in highly resistive ground: Frequency behaviour".
- [9] Md.A. Salam e Q. M. Rahman, "Power Systems Grounding", 2016.
- [10]B. P. Silva, "Modelagem e Solução de Aterramentos Sujeitos a Surtos de Corrente: Respostas nos Domínios da Frequência e do Tempo", 2016.
- [11]J. A. Molchansky, "A importância do design da malha de aterramento no ambiente de alta frequência", 2020.

## **REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS**

- [12]IEEE Std 80-2013, "IEEE Guide for Safety in AC Substation Grounding"
- [13] L. Grcev e V. Amautovski-Toseva, "Grounding Systems Modeling for High Frequencies and Transients: Some Fundamental Considerations", 2003.
- [14] L. Grcev, "Computer Analysis of Transient Voltages in Large Grounding Systems", 1996.

### AGRADECIMENTOS

- Prof. Pissolato.
- Dr. Anderson Araújo.
- Dr. Jaimis Leon.
- Eng. Murilo Franco.
- Focus Engenharia Elétrica Ltda.